МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Горно-Алтайский государственный университет» (ФГБОУ ВО ГАГУ, ГАГУ, Горно-Алтайский государственный университет)

Теория функций комплексной переменной

рабочая программа дисциплины (модуля)

Закреплена за кафедрой кафедра математики, физики и информатики

Учебный план 44.03.05_2023_673.plx

44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Математика и Физика

Квалификация бакалавр

Форма обучения очная

Общая трудоемкость 2 ЗЕТ

Часов по учебному плану 72 Виды контроля в семестрах:

в том числе: зачеты 5

 аудиторные занятия
 36

 самостоятельная работа
 26,1

 часов на контроль
 8,85

Распределение часов дисциплины по семестрам

Семестр (<Курс>.<Семестр на курсе>)		3.1)	Итого	
Недель	12 4/6			
Вид занятий	УП	РΠ	УП	РΠ
Лекции	18	18	18	18
Практические	18	18	18	18
Консультации (для студента)	0,9	0,9	0,9	0,9
Контроль самостоятельной работы при проведении аттестации	0,15	0,15	0,15	0,15
Итого ауд.	36	36	36	36
Контактная работа	37,05	37,05	37,05	37,05
Сам. работа	26,1	26,1	26,1	26,1
Часы на контроль	8,85	8,85	8,85	8,85
Итого	72	72	72	72

Программу составил(и):

к.ф.-м.н., доцент, Раенко Елена Александровна;к.ф.-м.н., доцент, Богданова Рада Александровна



Рабочая программа дисциплины

Теория функций комплексной переменной

разработана в соответствии с ФГОС:

Федеральный государственный образовательный стандарт высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки) (приказ Минобрнауки России от 22.02.2018 г. № 125)

составлена на основании учебного плана:

44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки) утвержденного учёным советом вуза от 26.12.2022 протокол № 12.

Рабочая программа утверждена на заседании кафедры кафедра математики, физики и информатики

Протокол от 09.03.2022 протокол № 8

И.о. зав. кафедрой Богданова Рада Александровна



Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2023-2024 учебном году на заседании кафедры кафедра математики, физики и информатики		
Протокол от2023 г. № Зав. кафедрой Богданова Рада Александровна		
Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году		
Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2024-2025 учебном году на заседании кафедры кафедра математики, физики и информатики		
Протокол от2024 г. № Зав. кафедрой Богданова Рада Александровна		
Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году		
Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2025-2026 учебном году на заседании кафедры кафедра математики, физики и информатики		
Протокол от		
Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году		
Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для исполнения в 2026-2027 учебном году на заседании кафедры кафедра математики, физики и информатики		
Протокол от2026 г. № Зав. кафедрой Богданова Рада Александровна		

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ
<i>Цели</i> : теоретическая и практическая подготовка студентов по основам теории функций комплексного переменного; ознакомление с основными понятиями и методами ТФКП; формирование у студентов составляющей математической культуры.
Задачи: - подготовка студентов для научной и практической деятельности в области комплексного анализа; - создание теоретической базы для применения студентами теории функций комплексного переменного для решения прикладных задач; - совершенствование навыков математического и логического мышления.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП					
Цикл (раздел) ООП: Б1.О.23					
2.1 Требования к предв	2.1 Требования к предварительной подготовке обучающегося:				
2.1.1 Математический ана.	2.1.1 Математический анализ				
2.2 Дисциплины и пран предшествующее:	2.2 Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:				
2.2.1 Научно-исследовател	2.2.1 Научно-исследовательская работа (получение первичных навыков научно-исследовательской работы)				
2.2.2 Выполнение и защит	а выпускной квалификационной работы				

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

ОПК-8: Способен осуществлять педагогическую деятельность на основе специальных научных знаний

ИД-2.ОПК-8: Обладает базовыми предметными знаниями и умениями для осуществления педагогической деятельности

Обладает базовыми знаниями по теории функций комплексной переменной и умеет их применять на уроках математики в школе

	4. СТРУКТУРА И СС	ЭДЕРЖАНІ	иЕ ДИС	циплины	(МОДУЛЯ)		
Код	Наименование разделов и тем /вид	Семестр /	Часов	Компетен-	Литература	Инте	Примечание
занятия	занятия/	Kvpc		шии		ракт.	
	Раздел 1. Комплексные числа.						
	Ряды комплексных чисел						
1.1	1. Комплексные числа и действия над	5	9		Л1.1 Л1.2Л2.1	0	Тест
	ними.				Л2.2		Контрольная
	2. Области и кривые в комплексной						работа
	плоскости.						Коллоквиум
	3. Функция комплексного						Индивидуальн
	переменного.						ые задания
	4. Предел последовательности,						
	числовые последовательности.						
	5. Степенные ряды. Первая теорема						
	Абеля.						
	Радиус сходимости и его нахождение.						

1.2	1. Определение комплексных чисел и основные операции над ними. Геометрическое изображение комплексных чисел. Тригонометрическая форма комплексного числа. Показательная форма комплексного числа. 2. Стереографическая проекция. Сфера Римана. Расширенная комплексная плоскость. Биполярные координаты на расширенной комплексной плоскости. 3. Предел последовательности. Критерий Коши существования предела. Функции комплексного переменного. 4. Числовые и функциональные ряды. Равномерная сходимость. 5. Степенные ряды. Первая теорема Абеля. Радиус сходимости и его нахождение. Теорема Коши-Адамара. /Лек/	5	10	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2	0	
1.3	Определение комплексных чисел и основные операции над ними. Геометрическое изображение комплексных чисел. Тригонометрическая форма комплексного числа. Показательная форма комплексного числа. Стереографическая проекция. Сфера Римана. Расширенная комплексная плоскость. Биполярные координаты на расширенной комплексной плоскости. Предел последовательности. Критерий Коши существования предела. Функции комплексного переменного. Кривая Жордана. Числовые и функциональные ряды. Равномерная сходимость. Степенные ряды. Первая теорема Абеля. Радиус сходимости и его нахождение. Теорема Коши-Адамара. /Ср/	5	13	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2	0	
	Раздел 2. Аналитические функции. Дробно-линейные отображения					

2.1	1. Дифференцирование функций	5	8		Л1.1 Л1.2Л2.1	0	
۷.1	комплексного переменного. Условия	3	O		Л2.2	U	
	Коши-Римана. Оператор Коши-Римана.				J12.2		
	Определение аналитической функции.						
	Аналитичность суммы степенного ряда.						
	Геометрический смысл модуля и						
	аргумента производной аналитической						
	функции.						
	2. Тригонометрические и обратные						
	тригонометрические функции.						
	Гиперболические функции.						
	3. Конформные отображения.						
	Конформность отображения,						
	осуществляемого однолистной						
	аналитической функцией.						
	Области однолистности и обращения						
	степенной и экспоненциальной						
	функций. Точки ветвления.						
	Римановы поверхности корня						
	натуральной степени и логарифма.						
	4. Основные свойства дробно-линейных						
	отображений. Круговое свойство.						
	Инвариантность ангармонического						
	отношения четырех точек.						
	Неподвижные точки. Изометрические						
	окружности.						
	Симметрия относительно прямой и						
	окружности.						
	Дробно-линейные отображения верхней						
	полуплоскости и круга на круг.						
	/Лек/						
2.2	1. Производная функций комплексного	5	9	_	Л1.1 Л1.2Л2.1	0	Тест
	аргумента.				Л2.2		Контрольная
	2. Восстановление аналитической						работа
	функции по ее действительной или						Коллоквиум
	мнимой части.						Индивидуальн
	3. Примеры конформных отображений,						ые задания
	даваемых элементарными функциями.						
	4. Примеры конформных отображений,						
	даваемых элементарными функциями.						
	$/\Pi p/$						

						1	
2.3	Дифференцирование функций комплексного переменного. Условия Коши-Римана. Оператор Коши-Римана. Определение аналитической функции. Аналитичность суммы степенного ряда. Тригонометрические и обратные тригонометрические функции. Гиперболические функции. Геометрический смысл модуля и аргумента производной аналитической функции. Конформные отображения. Конформность отображения, осуществляемого однолистной аналитической функцией. Области однолистности и обращения степенной и экспоненциальной функций. Точки ветвления. Римановы поверхности корня натуральной степени и логарифма. Основные свойства дробно-линейных отображений. Круговое свойство. Инвариантность ангармонического отношения четырех точек. Неподвижные точки. Изометрические окружности. Классификация дробнолинейных отображений. Симетрия относительно прямой и окружности. Дробно-линейные отображения верхней полуплоскости и круга на круг.	5	13,1		Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.2	0	
	/Cp/						
	Раздел 3. Консультации						
3.1	Консультация по дисциплине /Конс/	5	0,9	ИД-2.ОПК- 8	Л2.2	0	
	Раздел 4. Промежуточная аттестация (зачёт)						
4.1	Подготовка к зачёту /Зачёт/	5	8,85	ИД-2.ОПК- 8	Л2.2	0	
4.2	Контактная работа /КСРАтт/	5	0,15	ИД-2.ОПК- 8	Л2.2	0	

5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

5.1. Пояснительная записка

- 1. Назначение фонда оценочных средств. Оценочные средства предназначены для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу дисциплины Комплексный анализ
- 2. Фонд оценочных средств включает контрольные материалы для проведения текущего контроля в форме вопросов к зачету, а также контрольные работы, индивидуальные работы, коллоквиумы

5.2. Оценочные средства для текущего контроля

Оценочные средства для текущего контроля приведены в Приложении №1

5.3. Темы письменных работ (эссе, рефераты, курсовые работы и др.)

Не предусмотрены

5.4. Оценочные средства для промежуточной аттестации

Оценочные средства для текущего контроля приведены в Приложении №1

	6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)				
I	6.1. Рекомендуемая литература				
ľ	6.1.1. Основная литература				
Ī	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Эл. адрес	

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Эл. адрес
Л1.1	Зверович Э.И.	Вещественный и комплексный анализ. Часть 6. Теория аналитических функций комплексного переменного: учебное пособие	Минск: Вышэйшая школа, 2008	http://www.iprbookshop.ru/20066.html
Л1.2	комплексного переменного: С учебно-методическое пособие ф		Ростов-на-Дону: Северо-Кавказский филиал Московского технического университета связи и информатики, 2012	http://www.iprbookshop.ru /61316.html
		6.1.2. Дополнительная литера	атура	
	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Эл. адрес
Л2.1	Леонтьева Т.А., Панферов В.С., Серов В.С.	тьева Т.А., Задачи по теории функций действительного реров В.С., Серов переменного: учебное пособие		http://www.iprbookshop.ru /13081.html
Л2.2	Гриценко Л. В., Ефименко В. Н., Костецкая Г. С.	именко В. Н., переменного: учебное пособие		https://www.iprbookshop.r u/122227.html

	6.3.1 Перечень программного обеспечения				
6.3.1.1	Google Chrome				
6.3.1.2	7-Zip				
6.3.1.3					
6.3.1.4	MatLab				
6.3.1.5	MikTex				
6.3.1.6	WinDjView				
6.3.1.7	Kaspersky Endpoint Security для бизнеса СТАНДАРТНЫЙ				
6.3.1.8	MS Office				
6.3.1.9	NVDA				
	6.3.2 Перечень информационных справочных систем				
6.3.2.1	База данных «Электронная библиотека Горно-Алтайского государственного университета»				
6.3.2.2	Электронно-библиотечная система IPRbooks				
6.3.2.3	Межвузовская электронная библиотека				

7. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ				
конференция				
проблемная лекция				

8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)				
Номер аудитории	Назначение	Основное оснащение		
222 Б1	Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации	Рабочее место преподавателя. Посадочные места обучающихся (по количеству обучающихся). Переносной проектор, ноутбук, экран		

207 Б1	Лекционная аудитория. Учебная Ученическая доска, проектор, экран, системный бло	ЭΚ,
	аудитория для проведения занятий посадочные места обучающихся (по количеству	
	лекционного типа, занятий семинарского обучающихся), рабочее место преподавателя	
	типа, курсового проектирования	
	(выполнения курсовых работ), групповых	
	и индивидуальных консультаций,	
	текущего контроля и промежуточной	
	аттестации	
209 Б1	Компьютерный класс. Учебная аудитория Рабочее место преподавателя. Посадочные места	
	для проведения занятий лекционного обучающихся (по количеству обучающихся).	
	типа, занятий семинарского типа, Маркерная ученическая доска, экран,	
	курсового проектирования (выполнения мультимедиапроектор, компьютеры с доступом в	
	курсовых работ), групповых и Интернет	
	индивидуальных консультаций, текущего	
	контроля и промежуточной аттестации.	
	Помещение для самостоятельной работы	

9. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Лекции, с одной стороны – это одна из основных форм учебных занятий в высших учебных заведениях, представляющая собой систематическое, последовательное устное изложение преподавателем определенного раздела конкретной науки или учебной дисциплины, с другой – это особая форма самостоятельной работы с учебным материалом. Лекция не заменяет собой книгу, она только подталкивает к ней, раскрывая тему, проблему, выделяя главное, существенное, на что следует обратить внимание, указывает пути, которым нужно следовать, добиваясь глубокого понимания поставленной проблемы, а не общей картины.

Работа на лекции — это сложный процесс, который включает в себя такие элементы как слушание, осмысление и собственно конспектирование. Для того, чтобы лекция выполнила свое назначение, важно подготовиться к ней и ее записи еще до прихода преподавателя в аудиторию. Без этого дальнейшее восприятие лекции становится сложным. Лекция в университете рассчитана на подготовленную аудиторию. Преподаватель излагает любой вопрос, ориентируясь на те знания, которые должны быть у студентов, усвоивших материал всех предыдущих лекций. Важно научиться слушать преподавателя во время лекции, поддерживать непрерывное внимание к выступающему.

Однако, одного слушания недостаточно. Необходимо фиксировать, записывать тот поток информации, который сообщается во время лекции – научиться вести конспект лекции, где формулировались бы наиболее важные моменты, основные положения, излагаемые лектором. Для ведения конспекта лекции следует использовать тетрадь. Ведение конспекта на листочках не рекомендуется, поскольку они не так удобны в использовании и часто теряются. При оформлении конспекта лекции необходимо оставлять поля, где студент может записать свои собственные мысли, возникающие параллельно с мыслями, высказанными лектором, а также вопросы, которые могут возникнуть в процессе слушания, чтобы получить на них ответы при самостоятельной проработке материала лекции, при изучении рекомендованной литературы или непосредственно у преподавателя в конце лекции. Составляя конспект лекции, следует оставлять значительный интервал между строчками. Это связано с тем, что иногда возникает необходимость вписать в первоначальный текст лекции одну или несколько строчек, имеющих принципиальное значение и почерпнутых из других источников. Расстояние между строками необходимо также для подчеркивания слов или целых групп слов (такое подчеркивание вызывается необходимостью привлечь внимание к данному месту в тексте при повторном чтении). Обычно подчеркивают определения, выводы.

Также важно полностью без всяких изменений вносить в тетрадь схемы, таблицы, чертежи и т.п., если они предполагаются в лекции. Для того, чтобы совместить механическую запись с почти дословным фиксированием наиболее важных положений, можно использовать системы условных сокращений. В первую очередь сокращаются длинные слова и те, что повторяются в речи лектора чаще всего. При этом само сокращение должно быть по возможности кратким.

Семинарские (практические) занятия Самостоятельная работа студентов по подготовке к семинарскому (практическому) занятию должна начинаться с ознакомления с планом семинарского (практического) занятия, который включает в себя вопросы, выносимые на обсуждение, рекомендации по подготовке к семинару (практическому занятию), рекомендуемую литературу к теме. Изучение материала следует начать с просмотра конспектов лекций. Восстановив в памяти материал, студент приводит в систему основные положения темы, вопросы темы, выделяя в ней главное и новое, на что обращалось внимание в лекции. Затем следует внимательно прочитать соответствующую главу учебника.

Для более углубленного изучения вопросов рекомендуется конспектирование основной и дополнительной литературы. Читая рекомендованную литературу, не стоит пассивно принимать к сведению все написанное, следует анализировать текст, думать над ним, этому способствуют записи по ходу чтения, которые превращают чтение в процесс. Записи могут вестись в различной форме: развернутых и простых планов, выписок (тезисов), аннотаций и конспектов.

Подобрав, отработав материал и усвоив его, студент должен начать непосредственную подготовку своего выступления на семинарском (практическом) занятии для чего следует продумать, как ответить на каждый вопрос темы.

По каждому вопросу плана занятий необходимо подготовиться к устному сообщению (5-10 мин.), быть готовым принять участие в обсуждении и дополнении докладов и сообщений (до 5 мин.).

Выступление на семинарском (практическом) занятии должно удовлетворять следующим требованиям: в нем излагаются теоретические подходы к рассматриваемому вопросу, дается анализ принципов, законов, понятий и категорий; теоретические положения подкрепляются фактами, примерами, выступление должно быть аргументированным.

УП: 44.03.05 2023 673.plx cтp. 10

Лабораторные работы являются основными видами учебных занятий, направленными на экспериментальное (практическое) подтверждение теоретических положений и формирование общепрофессиональных и профессиональных компетенций. Они составляют важную часть теоретической и профессиональной практической подготовки.

В процессе лабораторной работы как вида учебного занятия студенты выполняют одно или несколько заданий под руководством преподавателя в соответствии с изучаемым содержанием учебного материала.

При выполнении обучающимися лабораторных работ значимым компонентом становятся практические задания с использованием компьютерной техники, лабораторно - приборного оборудования и др. Выполнение студентами лабораторных работ проводится с целью: формирования умений, практического опыта (в соответствии с требованиями к результатам освоения дисциплины, и на основании перечня формируемых компетенций, установленными рабочей программой дисциплины), обобщения, систематизации, углубления, закрепления полученных теоретических знаний, совершенствования умений применять полученные знания на практике.

Состав заданий для лабораторной работы должен быть спланирован с расчетом, чтобы за отведенное время они могли быть выполнены качественно большинством студентов.

При планировании лабораторных работ следует учитывать, что в ходе выполнения заданий у студентов формируются умения и практический опыт работы с различными приборами, установками, лабораторным оборудованием, аппаратурой, программами и др., которые могут составлять часть профессиональной практической подготовки, а также исследовательские умения (наблюдать, сравнивать, анализировать, устанавливать зависимости, делать выводы и обобщения, самостоятельно вести исследование, оформлять результаты).

Выполнению лабораторных работ предшествует проверка знаний студентов - их теоретической готовности к выполнению залания

Формы организации студентов при проведении лабораторных работ: фронтальная, групповая и индивидуальная. При фронтальной форме организации занятий все студенты выполняют одновременно одну и ту же работу. При групповой форме организации занятий одна и та же работа выполняется группами по 2 - 5 человек. При индивидуальной форме организации занятий каждый студент выполняет индивидуальное задание.

Текущий контроль учебных достижений по результатам выполнения лабораторных работ проводится в соответствии с системой оценивания (рейтинговой, накопительной и др.), а также формами и методами (как традиционными, так и инновационными, включая компьютерные технологии), указанными в рабочей программе дисциплины (модуля). Текущий контроль проводится в пределах учебного времени, отведенного рабочим учебным планом на освоение дисциплины, результаты заносятся в журнал учебных занятий.

Объем времени, отводимый на выполнение лабораторных работ, планируется в соответствии с учебным планом ОПОП. Перечень лабораторных работ в РПД, а также количество часов на их проведение должны обеспечивать реализацию требований к знаниям, умениям и практическому опыту студента по дисциплине (модулю) соответствующей ОПОП.

Самостоятельная работа обучающихся— это планируемая учебная, учебно-исследовательская, научно-исследовательская работа, выполняемая во внеаудиторное время по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия.

Объем самостоятельной работы определяется учебным планом основной профессиональной образовательнойпрограммы (ОПОП), рабочей программой дисциплины (модуля).

Самостоятельная работа организуется и проводится с целью формирования компетенций, понимаемых как способность применять знания, умения и личностные качества для успешной практической деятельности, в том числе:

- формирования умений по поиску и использованию нормативной, правовой, справочной и специальной литературы, а также других источников информации;
- качественного освоения и систематизации полученных теоретических знаний, их углубления и расширения по применению на уровне межпредметных связей;
- формирования умения применять полученные знания на практике (в профессиональной деятельности) и закрепления практических умений обучающихся;
- развития познавательных способностей, формирования самостоятельности мышления обучающихся;
- совершенствования речевых способностей обучающихся;
- формирования необходимого уровня мотивации обучающихся к систематической работе для получения знаний, умений и владений в период учебного семестра, активности обучающихся, творческой инициативы, самостоятельности, ответственности и организованности;
- формирования способностей к саморазвитию (самопознанию, самоопределению, самообразованию, самосовершенствованию, самореализации и саморегуляции);
- развития научно-исследовательских навыков;
- развития навыков межличностных отношений.

К самостоятельной работе по дисциплине (модулю) относятся: проработка теоретического материала дисциплины (модуля);подготовка к семинарским и практическим занятиям, в т.ч. подготовка к текущему контролю успеваемости обучающихся(текущая аттестация); подготовка к лабораторным работам; подготовка к промежуточной аттестации (зачётам, экзаменам).

Виды, формы и объемы самостоятельной работы обучающихсяпри изучении дисциплины (модуля) определяются:

- содержанием компетенций, формируемых дисциплиной (модулем);
- спецификой дисциплины (модуля), применяемыми образовательными технологиями;
- трудоемкостью СР, предусмотренной учебным планом;
- уровнем высшего образования (бакалавриат, специалитет, магистратура, аспирантура), на котором реализуется ОПОП;
- степенью подготовленности обучающихся.

Курсовая работа является самостоятельным творческим письменным научным видом деятельности студента по разработке конкретной темы. Она отражает приобретенные студентом теоретические знания и практические навыки. Курсовая работа

выполняется студентом самостоятельно под руководством преподавателя.

Курсовая работа, наряду с экзаменами и зачетами, является одной из форм контроля (аттестации), позволяющей определить степень подготовленности будущего специалиста. Курсовые работы защищаются студентами по окончании изучения указанных дисциплин, определенных учебным планом.

Оформление работы должно соответствовать требованиям. Объем курсовой работы: 25–30 страниц. Список литературы и Приложения в объем работы не входят. Курсовая работа должна содержать: титульный лист, содержание, введение, основную часть, заключение, список литературы, приложение (при необходимости). Курсовая работа подлежит рецензированию руководителем курсовой работы. Рецензия является официальным документом и прикладывается к курсовой работе.
Тематика курсовых работ разрабатывается в соответствии с учебным планом. Руководитель курсовой работы пишь помогает.

Тематика курсовых работ разрабатывается в соответствии с учебным планом. Руководитель курсовой работы лишь помогает студенту определить основные направления работы, очертить её контуры, указывает те источники, на которые следует обратить главное внимание, разъясняет, где отыскать необходимые книги.

Составленный список источников научной информации, подлежащий изучению, следует показать руководителю курсовой работы.

Курсовая работа состоит из глав и параграфов. Вне зависимости от решаемых задач и выбранных подходов структура работы должна содержать: титульный лист, содержание, введение, основную часть; заключение; список литературы; приложение(я).

Во введении необходимо отразить: актуальность; объект; предмет; цель; задачи; методы исследования; структура работы.

Основную часть работы рекомендуется разделить на 2 главы, каждая из которых должна включать от двух до четырех параграфов.

Содержание глав и их структура зависит от темы и анализируемого материала.

Первая глава должна иметь обзорно-аналитический характер и, как правило, является теоретической.

Вторая глава по большей части раскрывает насколько это возможно предмет исследования. В ней приводятся практические данные по проблематике темы исследования.

Выводы оформляются в виде некоторого количества пронумерованных абзацев, что придает необходимую стройность изложению изученного материала. В них подводится итог проведённой работы, непосредственно выводы, вытекающие из всей работы и соответствующие выявленным проблемам, поставленным во введении задачам работы; указывается, с какими трудностями пришлось столкнуться в ходе исследования.

Правила написания и оформления курсовой работы регламентируются Положением о курсовой работе (проекте), утвержденным решением Ученого совета ФГБОУ ВО ГАГУ от 27 апреля 2017 г.

ИНДИВИДУАЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ

Вариант 1.

1. Исследовать на сходимость

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{\cos(2n-1)}{n^2} + i \frac{(-1)^{n+1}}{n^3 \sqrt{n}} \right)$$
 b) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{e^{n+i}}{n!}$

2. Найти круг сходимости

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{z^n}{n^2}$$
 b) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(z+5)^{2n-1}}{2n \cdot 4^n}$

3. Вычислить

a)
$$\sqrt[4]{-1+i\sqrt{3}}$$
 b) $3^{\sqrt{3}i}$

4. Изобразить на плоскости множество точек:

a)
$$Re(1+z) = |z|$$
 b) $\frac{\pi}{4} < arg \frac{z+1}{z-1} < \frac{\pi}{2}$

5. Восстановить аналитическую функцию по ее мнимой части $v=x^2-y^2+xy$.

6. Выяснить геометрический смысл: |z-1| > 3|z-3|.

7. Найти образ области |z| < 1 при отображении $\omega = \frac{z+i}{z-i}$.

Вариант 2.

1. Исследовать на сходимость

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{3^n} + i \frac{5}{2^n} \right)$$
 b) $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{n} + \frac{i}{n^3} \right)$

2. Найти круг сходимости

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2(z-i)^n}{(3i)^n}$$
 b) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{z^{2n-1}}{2n \cdot 3^n}$

3. Вычислить

a)
$$2^{\pi i}$$

b)
$$\sqrt[3]{i-1}$$

4. Изобразить на плоскости множество точек:

a)
$$|z - 1| < 3|z - i|$$

b)
$$\frac{\pi}{6} < arg \; \frac{z-1}{z} < \frac{\pi}{4}$$

- 5. Восстановить аналитическую функцию по ее мнимой части $v=e^y\cos x$.
 - 6. Выяснить геометрический смысл: |z| + Rez > 1.
 - 7. Найти образ области |z| > 2 при отображении $\omega = \frac{1}{z-2}$.

Вариант 3.

1. Исследовать на сходимость

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{n^2} - \frac{i}{n^2} \right)$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(in)^2}{n!}$$

2. Найти круг сходимости

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{n!} (z+1)^n$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(z-i)^{2n-1}}{3n \cdot 4^n}$$

3. Вычислить

a)
$$(-1)^{\sqrt{2}}$$

b)
$$Arsh\left(-\frac{1}{2}\right)$$

4. Изобразить на плоскости множество точек:

a)
$$|z-1| < 2|z+1|$$

b)
$$\frac{\pi}{4} < arg \frac{z - 2i}{z - 3i} < \frac{\pi}{3}$$

5. Восстановить аналитическую функцию по ее мнимой части $v=e^y\sin x$.

4

6. Выяснить геометрический смысл: $\left| \frac{z-1}{z-i} \right| > 2$

7. Найти образ области |z| < 2 при отображении $\omega = \frac{1}{z-2}$

Вариант 4.

1. Исследовать на сходимость

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{n^2} + \frac{2i}{n!} \right)$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^{in}}{n!}$$

2. Найти круг сходимости

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n(z+i)^n}{(2i)^n}$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(z-1)^{2n-1}}{n \cdot 3^n}$$

3. Вычислить

a)
$$2^i$$

b)
$$\ln(1 - i\sqrt{3})$$

4. Изобразить на плоскости множество точек:

$$a) z^2 + \overline{z}^2 = 1$$

b)
$$\frac{\pi}{2} < arg \; \frac{z+i}{z-2i} < \frac{2\pi}{3}$$

5. Восстановить аналитическую функцию по ее мнимой части $v=x^2-y^2+5x+y-\frac{y}{x^2+y^2}.$

6. Выяснить геометрический смысл: |z-2|+|z+2|>3

7. Найти образ области |z-2-2i|=2 при отображении $\omega=\frac{1}{z-2}$.

Вариант 5.

1. Исследовать на сходимость

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{e^{in}}{n^2}$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{3+i}{6} \right)^n$$

2. Найти круг сходимости

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(z-i)^n}{e^{in}}$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(z+1)^{2n}}{2n \cdot 3^n}$$

3. Вычислить

a)
$$2^{\sqrt{2}}$$

b)
$$\sqrt[4]{-3i}$$

5

4. Изобразить на плоскости множество точек:

a)
$$|z| + Rez \le 1$$

b)
$$\frac{\pi}{4} < arg \frac{z+2}{z-2} < \frac{\pi}{2}$$

- $\frac{5.\ {
 m Bocc}$ тановить аналитическую функцию по ее $v=3+x^2-y^2-\frac{y}{2(x^2+y^2)}$.
 - 6. Выяснить геометрический смысл: $\frac{\pi}{3} < arg \; \frac{z-3}{z-2} < \frac{\pi}{4}$
 - 7. Найти образ кривой y = kx при отображении $\omega = \frac{z+1}{z-1}$.

Вариант 6.

1. Исследовать на сходимость

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{e^{in}}{n^2}$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{i^n}{(5in-4)(4in+1)}$$

2. Найти круг сходимости

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{z^n}{(2-i)^n}$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!z^n}{n^n}$$

3. Вычислить

a)
$$\sqrt[4]{1}$$

b)
$$\ln(-e)$$

4. Изобразить на плоскости множество точек:

a)
$$Re(z^2 - \overline{z}) = 0$$

b)
$$\frac{\pi}{3} < arg \frac{z+1}{z-1} < \frac{\pi}{2}$$

5. Восстановить аналитическую функцию по ее мнимой части $v=e^{\frac{y}{x}}.$

6. Выяснить геометрический смысл: $Im \frac{z-a}{z-b} = 0$

7. Найти образ множества |z-3|=1 при отображении $\omega=\frac{1}{z}$.

6

Вариант 7.

1. Исследовать на сходимость

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{e^{in}}{n^3}$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2+i}{5} \right)^n$$

2. Найти круг сходимости

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(z-2i)^n}{5^{n-1}}$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{z^{2n-1}}{2^{n+1}}$$

3. Вычислить

a)
$$\sqrt[5]{1 - 3\sqrt{3}i}$$

b)
$$(1+i)^{\sqrt{2}}$$

4. Изобразить на плоскости множество точек:

a)
$$Re^{\frac{1}{z}} = 2$$

b)
$$\frac{\pi}{4} < arg \frac{z-i}{z+i} < \frac{\pi}{3}$$

5. Восстановить аналитическую функцию по ее мнимой части $v = \ln{(x^2 + y^2)} + x - 2y$.

6. Выяснить геометрический смысл: $Im \frac{1}{z} = C, \quad -\infty < C < +\infty.$

7. Найти образ множества |z+i|=1 при отображении $\omega=\frac{1}{z-1}$.

Вариант 8.

1. Исследовать на сходимость

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n+1}{(3i)^n}$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(in)^n}{(2n-1)!}$$

2. Найти круг сходимости

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{i}{n}\right)^n (z-1+i)^n$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{z^{2n}}{5n \cdot 3^n}$$

3. Вычислить

a)
$$Arccos \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$b) \sqrt[3]{-1+\sqrt{3}i}$$

4. Изобразить на плоскости множество точек:

a)
$$1 \le |z - 1 - i| < 3$$

b)
$$\frac{\pi}{6} < arg \frac{z-1}{z+3} < \frac{\pi}{4}$$

5. Восстановить аналитическую функцию по ее действительной части $u=x^2-y^2$.

7

6. Выяснить геометрический смысл: $|z| < arg\ z$.

7. Найти образ множества $|z-3|=1,\;x>0,\;y>0$ при отображении $\omega=z^2$

Вариант 9.

1. Исследовать на сходимость:

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{n} + \frac{i}{n^2} \right)$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3in - n - 1}{1 + ni}$$

2. Найти круг сходимости:

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2(z-i)^n}{(2i)^n}$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{z^{2n-1}}{2^n \cdot 3n}$$

3. Вычислить:

b)
$$(1+i)^{\sqrt{2}}$$

4. Изобразить на плоскости множество точек:

a)
$$|z| > 2 + Im z$$

b)
$$\frac{\pi}{6} < arg \frac{z+1}{z-1} < \frac{\pi}{3}$$

5. Восстановить аналитическую функцию по мнимой части $v=x^3-3xy^2$.

6. Выяснить геометрический смысл:

$$|z - i| = 2 |z + 1|.$$

7. Найти образ области при отображении: $|z| < 1, \ \omega = \frac{z-1}{z+1}$

8

Вариант 10.

1. Исследовать на сходимость:

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1+i}{n}$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1+i-n}{1+ni}$$

2. Найти круг сходимости:

a)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(z+1)^n}{(2i)^n}$$

b)
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{z^n}{3n}$$

3. Вычислить:

b)
$$(2-i)^{\sqrt{3}}$$

4. Изобразить на плоскости множество точек:

a)
$$|z-i| > 2$$
 b) $0 < arg \frac{z-i}{z-1} < \frac{\pi}{2}$

- 5. Восстановить аналитическую функцию по мнимой части $v=x^3-3xy^2$.
 - 6. Выяснить геометрический смысл:

$$|z+3| = 2|z+1-i|$$
.

7. Найти образ области при отображении:
$$|z| < 2, \ \omega = \frac{z-i}{z+i}$$

Индивидуальные задания - это задания на самостоятельное решение задач по курсу "Теория функций комплексной переменной в отличие от контрольной работы, выполняемой на практическом занятии. При выполнении индивидуального задания студент может использовать любую справочную литературу, в том числе, в электронном виде.

Критерии оценки индивидуальных заданий:

Оценка ОТЛИЧНО выставляется студенту, если:

- все задания индивидуальной работы решены верно и полностью;
- студент может провести защиту каждого задания у доски, не используя решение;
- студент может объяснить все методы и приемы, используемые в решении, знает теоретические предпосылки всех методов и приемов;

Оценка ХОРОШО выставляется, студенту, если:

- все задания индивидуальной работы решены верно или в некоторых заданиях работы допущены негрубые вычислительные ошибки при правильно выбранном методе;
- студент может провести защиту каждого задания с использованием решения у доски или за партой;
- студент знает методы и приемы, используемые в решении, демонстрирует основы теоретических обоснований методов и приемов.

Оценка УДОВЛЕТВОРИТЕЛЬНО выставляется студенту, если:

- решено не менее 65% всех заданий индивидуальной работы;
- студент знает и понимает методы и приемы решения заданий;
- студент знает формулировки основных теорем, на которых основываются методы и приемы решения заданий;

Оценка НЕУДОВЛЕТВОРИТЕЛЬНО выставляется студенту, если:

- решено менее 65% заданий работы;
- студент не обнаруживает знание и понимание используемых им при решении заданий методов и приемов;
- студент не знает (не понимает) теоретические основы методов и приемов.

ВОПРОСЫ К КОЛЛОКВИУМАМ

Коллоквиум №1

- 1. Геометрическое изображение комплексных чисел. Модуль и аргумент. Аргумент как мнимая часть логарифма. Arg и arg, Ln и ln.
 - 2. Умножение комплексных чисел. Геометрический смысл.
 - 3. Деление комплексных чисел. $\frac{1}{z}$ и $\frac{1}{\overline{z}}$.
 - 4. Возведение в степень. Формула Муавра. Извлечение корня.
 - 5. Предел последовательности в C. Критерий Коши в C.
 - 6. Признаки сходимости числовых рядов.
 - 7. Равномерная сходимость функциональных рядов.
 - 8. Степенной ряд. Теорема Абеля. Радиус сходимости.
 - 9. Вывод условий Коши Римана.
 - 10. Производные $\frac{\partial f}{\partial z}$ и $\frac{\partial f}{\partial \bar{z}}$.

Коллоквиум №2

- 1. Дробно-линейные функции.
- 2. Задание дробно-линейного отображения по трем точкам. Инвариантность ангармонического отношения четырех точек.
 - 3. Свойства отображений $\frac{1}{z}$ и $\frac{1}{\overline{z}}$.
 - 4. Круговое свойство дробно-линейных отображений.
 - 5. Тригонометрические функции.
 - 6. Показательная и степенная функции.
 - 7. Гиперболические функции.

Коллоквиум - средство контроля усвоения учебного материала темы, раздела или разделов дисциплины, организованное как учебное занятие в виде собеседования преподавателя с обучающимся по самостоятельно подготовленной студентом теме. Целью коллоквиума является формирование у студента навыков анализа теоретических проблем на основе самостоятельного изучения учебной и научной литературы. В процессе занятия выясняется степень усвоения студентами базовых понятий и терминов по важнейшим темам, и умение студентов применять полученные знания для решения конкретных заданий.

От студента требуется:

- владение изученным в ходе учебного процесса материалом, относящимся к рассматриваемой проблеме;
- умение использовать межпредметные связи (математический анализ, алгебра, геометрия);
- умение правильно формулировать проблему и предлагать её решение.

Коллоквиум - это не только форма контроля, но и метод углубления, закрепления знаний студентов, так как в ходе собеседования преподаватель разъясняет сложные вопросы, возникающие у студента в процессе изучения темы по различным источникам. С другой стороны, коллоквиум - это не консультация и не экзамен. Его задача - добиться глубокого изучения отобранного материала, пробудить у студента стремление к изучению дополнительной литературы.

Подготовка к коллоквиуму предполагает несколько этапов:

- 1. Подготовка к коллоквиуму начинается с установочной консультации (преподавателя), на которой разъясняется постановка проблемы, рекомендуется литература и объясняется процедура проведения коллоквиума;
- 2. Как правило, на самостоятельную подготовку к коллоквиуму студенту отводится 1-2 недели. Самостоятельная подготовка включает в себя изучение рекомендованной литературы.
- 3. Коллоквиум проводится в виде индивидуальной беседы преподавателя с каждым студентом, или беседы в небольших группах (3-5 чел.).
- 4. Обычно преподавателем задаётся несколько кратких конкретных вопросов, позволяющих выяснить степень добросовестности работы с рекомендованной литературой, если нужно, оценивается содержание реферата. Далее, более подробно обсуждается какая-либо сторона поставленной проблемы, чтобы оценить уровень понимания.
- 5. По итогам коллоквиума выставляется дифференцированная оценка, имеющая большой удельный вес в определении текущей успеваемости студента.

Участие в коллоквиуме позволяет студенту приобрести опыт работы с основной и дополнительной литературой, что, в свою очередь, поможет ему в дальнейшем готовить курсовые работы и при подготовке к экзаменам.

Критерии оценки коллоквиума:

Оценка ОТЛИЧНО выставляется студенту, если:

- студент знает формулировки определений и может привести несколько примеров к каждому определению;
- студент знает формулировки всех утверждений и теорем;
- студент знает план доказательства всех утверждений и теорем, умеет при необходимости провести подробное доказательство каждого пункта;
- студент может излагать ответы на вопросы коллоквиума у доски. Оценка ХОРОШО выставляется, студенту, если:
- студент знает формулировки определений и может привести несколько примеров к каждому определению;
- студент знает формулировки всех утверждений и теорем;
- студент знает план доказательства всех утверждений и теорем, но испытывает затруднения при подробном изложении некоторых пунктов доказательства;

Оценка УДОВЛЕТВОРИТЕЛЬНО выставляется студенту, если:

- студент знает формулировки определений и может привести пример к каждому определению;
- студент знает формулировки всех утверждений и теорем; Оценка НЕУДОВЛЕТВОРИТЕЛЬНО выставляется студенту, если:
- студент не знает формулировки определений или не умеет приводить примеры для них;
- студент не знает формулировки основных утверждений и теорем;
- студент не может изложить ответ на заданные вопросы.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА 1

I. Найти модуль и аргумент следующих чисел, затем записать эти числа в алгебраической, показательной и тригонометрической форме:

B.1.

a) 1

B) -3

 $6) - \cos\frac{\pi}{7} + i\sin\frac{\pi}{7}$

 Γ) $\frac{1+i}{1-i}$

B.2.

a) $1 + i^{123}$

B) 3

б) $\cos \frac{\pi}{3} - i \sin \frac{\pi}{3}$

 Γ) $(-4+3i)^3$

В.3.

a) $(1+i)^8$

B) $-\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$

6) $2 + i^{124}$

 Γ) -5

B.4.

a) $1 + i^{25}$

B) $-\frac{1}{6} - i\frac{\sqrt{3}}{6}$

6) $1 + \cos \frac{\pi}{7} - i \sin \frac{\pi}{7}$

 Γ) 7i

B.5.

a) $-\sqrt{2} - i\sqrt{2}$

B) -9i

6) $(-\sqrt{3}+i)^3$

 Γ) $\frac{3}{2} - i \frac{\sqrt{3}}{2}$

B.6.

a) $(-6 + i6\sqrt{3})^5$

B) $-\frac{\sqrt{2}}{4} + i\frac{\sqrt{2}}{4}$

6) $1 + i\sqrt{3}$

 Γ) $(-\sqrt{2} + i\sqrt{2})^5$

B.7.

a) $-\sqrt{3} + i$

B) $\frac{3\sqrt{2}}{4} + i\frac{3\sqrt{2}}{4}$

6) $(\frac{\sqrt{2}}{2} + i\frac{\sqrt{2}}{2})^2$

 Γ) $8i^{14} + 1$

B.8.

a) $\frac{5\sqrt{2}}{2} + i\frac{5\sqrt{2}}{2}$

-10i

6) -15

 Γ) $(\frac{3}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2})^4$

B.9.

a) $-3\sqrt{3} - 3i$

B) $\left(\frac{3\sqrt{3}}{2} - i\frac{3}{2}\right)^3$

6) $\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} + 1$

 Γ) -21

B.10.

a) $2 + \cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6}$

B) $\left(\frac{i^{13}+2}{i+1}\right)^2$

 $6) \frac{1-i}{1+i}$

 Γ) 2 + 2*i*

B.11.

a) $\left(\frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^6$

B) $\frac{(1+i)^5}{(1-i)^3}$

б) 2 - 3i

 Γ) $-2 - i\sqrt{3}$

B.12.

a) $-3\sqrt{3} + 3i$

B) $\frac{3\sqrt{2}}{4} + i\frac{3\sqrt{2}}{4}$

 $6) \frac{1-i}{2+i}$

r) $8(\cos\frac{\pi}{9} + i\sin\frac{\pi}{9})$

II. Найти и изобразить на комплексной плоскости решения следующих уравнений:

- B.1 a) $z^4 = i$,
- B.5 $z^4 + 1 = 0$, B.9 $z^4 = 1$,

- B.2 $z^4 = -1$.
- B.6 $z^4 = -4 + 3i$, B.10 $z^4 = 2$,

- B.3 $z^4 = -8$.
- B.7 $z^4 = 3$.
- B.11 $z^4 = -1$,
- B.4 $z^4 = 3 4i$, B.8 $z^4 = 1 + i$, B.12 $z^4 = 3$,

III. Выяснить геометрический смысл следующих соотношений:

B.1 a)
$$|z - z_0| < R$$

6)
$$z^2 + z^2 = 1$$

B.2 a)
$$|z - z_0| \ge R$$

6)
$$Re^{\frac{1}{z}} = \frac{1}{R} \ (R > 0)$$

B.3 a)
$$|z - z_0| = R$$

б)
$$\alpha < arg\left(\frac{z-i}{z+i}\right) < \alpha + \pi$$

B.4 a)
$$|z-2| + |z+2| = 5$$

$$6) Im \left(\frac{z-z_0}{z_1-z_0}\right) = 0$$

B.5 a)
$$|z-2| - |z+2| > 3$$

6)
$$Re^{\frac{z}{z_0}} = 0$$

B.6 a)
$$|z-1| = |z-3|$$

$$6) \left| \frac{z-1}{z+3} \right| = 1$$

B.7 a)
$$Rez \ge c$$

$$6) \left| \frac{z}{z+1} \right| < 1$$

B.8 a)
$$Imz < c$$

6)
$$\left| \frac{1}{z} + 1 \right| > 2$$

B.9 a)
$$0 < Re(iz) < 1$$

$$6) \left| \frac{z-1}{z+i} > 2 \right|$$

$$\mathbf{B}) \ \frac{\pi}{6} < arg\left(\frac{z-1}{z+2}\right) < \frac{\pi}{2}$$

$$\Gamma\left(\frac{1}{3} < \left| \frac{z-1}{z+i} \right| < 1\right)$$

$$\mathrm{B}) \ \tfrac{\pi}{3} < arg\left(\tfrac{z-1}{z+1}\right) < \tfrac{5\pi}{4}$$

$$\Gamma) \ \frac{1}{3} < \left| \frac{z-2}{z+i} \right| < \frac{1}{2}$$

$$B) -\frac{\pi}{6} < arg\left(\frac{z-1}{z+1}\right) < \frac{\pi}{3}$$

$$\Gamma) \, \frac{1}{2} < \left| \frac{z-i}{z+i} \right| < 3$$

$$\mathrm{B}) -\pi < arg\left(\frac{z-1}{z+1}\right) < \pi$$

$$\Gamma) \ \frac{1}{3} < \left| \frac{z-1}{z+i} \right| < \frac{3}{2}$$

$$B) \frac{\pi}{6} < arg\left(\frac{z-1}{z+2}\right) < \frac{\pi}{2}$$

$$\Gamma \Big) \, \frac{1}{3} < \left| \frac{z-1}{z+i} \right| < 1$$

$$B) \frac{\pi}{6} < arg\left(\frac{z-1}{z+2}\right) < \pi$$

$$|\Gamma| \frac{2}{3} < \left| \frac{z-1}{z+1} \right| < 2$$

$$\mathrm{B}) \ 0 < arg\left(\frac{z-1}{z+2-i}\right) < \frac{\pi}{7}$$

$$\Gamma) \ 1 < \left| \frac{z-i}{z+i} \right| < \frac{5}{3}$$

$$B) \frac{\pi}{4} < arg\left(\frac{z+i}{z-i}\right) < \frac{3\pi}{2}$$

$$|\Gamma| \ 3 < \left| \frac{z+2}{z-2} \right| < 6$$

$$B) -\frac{\pi}{6} < arg\left(\frac{z-2}{z}\right) < \pi$$

$$\Gamma) \, \frac{1}{2} < \left| \frac{z-i}{z+i} \right| < 1$$

B.10

a)
$$0 < argz < \frac{\pi}{6}$$

$$\mathrm{B}) -\frac{\pi}{3} < arg\left(\frac{z}{z+2}\right) < \frac{\pi}{4}$$

б)
$$|z| + Rez > 1$$

$$\Gamma\left(\frac{2}{3} < \left|\frac{z-1+i}{z+i}\right| < 3\right)$$

B.11 a)
$$\frac{\pi}{3} < arg(z-1) < \frac{\pi}{2}$$

$$\mathrm{B}) \ 0 < arg\left(\frac{z-1-i}{z}\right) < \frac{3\pi}{2}$$

6)
$$|z - i| + |z + i| \ge 4$$

$$\Gamma) \left| \frac{1}{3} < \left| \frac{z-3}{z+1-i} \right| < 3 \right|$$

B.12 a)
$$|z| = Rez + 1$$

$$\mathbf{B}) \ \frac{\pi}{6} < arg\left(\frac{z-1}{z+2+2i}\right) < \frac{\pi}{4}$$

$$6) \left| \frac{z+2}{z-1} \right| \ge 2$$

$$\Gamma \Big) \left. \frac{3}{5} < \left| \frac{z - 2i}{z + i} \right| < \frac{5}{3} \right.$$

Контрольная работа - средство проверки умений применять полученные знания для решения задач определенного типа по теме или разделу.

Критерии оценки контрольной работы:

Оценка ОТЛИЧНО выставляется студенту, если:

- все задания контрольной работы решены верно и полностью;
- студент может провести защиту каждого задания у доски, не используя решение;
- студент может объяснить все методы и приемы, используемые в решении, знает теоретические предпосылки всех методов и приемов.

Оценка ХОРОШО выставляется, студенту, если:

- все задания контрольной работы решены верно или в некоторых заданиях работы допущены негрубые вычислительные ошибки при правильно выбранном методе;
- студент может провести защиту каждого задания с использованием решения у доски или за партой;
- студент знает методы и приемы, используемые в решении, демонстрирует основы теоретических обоснований методов и приемов;

Оценка УДОВЛЕТВОРИТЕЛЬНО выставляется студенту, если:

- решены 5 задач из 9 в контрольной работе;
- студент знает и понимает методы и приемы решения заданий;
- студент знает формулировки основных теорем, на которых основываются методы и приемы решения заданий;

Оценка НЕУДОВЛЕТВОРИТЕЛЬНО выставляется студенту, если:

- количество верно решенных задач менее 4;
- студент не обнаруживает знание и понимание используемых им при решении заданий методов и приемов;
- студент не знает (не понимает) теоретические основы методов и приемов.

При получении оценки "неудовлетворительно" студенту предлагается проделать работу над ошибками и сдать работу на повторную проверку.

вопросы к зачету

- 1. Операции над комплексными числами. Вывод формул произведения и частного 2-х комплексных чисел.
- 2. Модуль и аргумент комплексного числа. Представление комплексного числа на плоскости.
- 3. Тригонометрическая и показательная формы комплексного числа.
 - 4. Логарифмическая функция.
- 5. Корни и степени комплексного числа. Изображение их на комплексной плоскости.
- 6. Предел последовательности комплексных чисел. Свойства предела.
- 7. Сходимость числовых рядов комплексных чисел. Признаки сходимости. Абсолютная сходимость.
 - 8. Стереографическая проекция. Бесконечно удаленная точка.
- 9. Степенные ряды. Первая теорема Абеля. Радиус сходимости и его нахождение. Теорема Коши Адамара.
- 10. Функции комплексного переменного. Выделение действительной и мнимой частей.
 - 11. Предел и свойства предела функций комплексного переменного.
- 12. Непрерывность функций комплексной переменной. Принцип сохранения границ.
- 13. Дифференцируемость функций комплексной переменной. Производная и дифференциал.

- 14. Правила дифференцирования. Производные высших порядков.
- 15. Условия Коши-Римана. Критерий дифференцируемости функций комплексной переменной.
- 16. Гармонические функции. Восстановление аналитической функции по ее действительной или мнимой части.
- 17. Конформные отображения. Конформность отображения, осуществляемого однолистной аналитической функцией. Риманова поверхность и точки ветвления.
- 18. Геометрический смысл модуля и аргумента производной аналитической функции.
- 19. Линейная функция и осуществляемое ею конформное отображение.
 - 20. Функция w = 1/z и осуществляемое ею отображение.
- 21. Дробно-линейная функция и осуществляемое ею конформное отображение.
- 22. Свойства дробно-линейного отображения: круговое свойство, принцип симметрии, инвариантность ангармонического отношения четверки точек.
 - 23. Степенная функция. Ее поверхность Римана.
 - 24. Функция $w = \sqrt[n]{z}$. Ее поверхность Римана.
 - 25. Показательная функция. Ее свойства и поверхность Римана.
 - 26. Тригонометрические функции комплексной переменной.
- 27. Обратные тригонометрические функции комплексной переменной.
 - 28. Гиперболические функции комплексного переменного.

Критерии оценки зачета:

Оценка ЗАЧТЕНО выставляется студенту, если:

- решены ИРС и контрольная работа, сдан коллоквиум на положительную оценку;
- студент знает формулировки определений и может привести пример к каждому определению;
- студент знает формулировки всех утверждений и теорем;
- студент может ответить на дополнительные вопросы по курсу без предварительной подготовки.

Оценка НЕЗАЧТЕНО выставляется студенту, если:

- студент не знает формулировки определений или не умеет приводить примеры для них;
- студент не знает формулировки основных утверждений и теорем;
- студент не может изложить ответ на заданные вопросы.

Оценка уровней сформированности компетенций.

Компетенция ОК-3 сформирована на пороговом уровне, если:

- студент за работу получил оценку УДОВЛЕТВОРИТЕЛЬНО или XOPOШO;
- студент знает основные понятия теории функций комплексного переменного, методы решения типовых задач, умеет применять полученные теоретические знания к решению типовых задач теории функций комплексного переменного.

Компетенция ОК-3 сформирована на повышенном уровне, если:

- студент за работу получил оценку ЗАЧТЕНО;
- студент владеет аппаратом $T\Phi K\Pi$, навыками применения комплексноаналитических конструкций теории функций комплексного переменного внутри математики и в приложениях; способен использовать в профессиональной деятельности базовые знания, полученные при изучении $T\Phi K\Pi$.

Компетенция СК-1 сформирована на пороговом уровне, если:

- студент за работу получил оценку ЗАЧТЕНО;
- студент знает основные понятия теории функций комплексного переменного, методы решения типовых задач, умеет применять полученные теоретические знания к решению типовых задач теории функций комплексного переменного.

Компетенция СК-1 сформирована на повышенном уровне, если:

- студент за работу получил оценку ЗАЧТЕНО;
- студент владеет аппаратом $T\Phi K\Pi$, навыками применения комплексноаналитических конструкций теории функций комплексного переменного внутри математики и в приложениях; способен использовать в профессиональной деятельности базовые знания, полученные при изучении $T\Phi K\Pi$.

Составитель	/Туртуева	T.A.
	/ L yprycha	T